

A සුදුසා

1. ගීතා අනුපම ක්‍රියෝග සාධකයෙන්, සිංහල $n \in \mathbb{Z}^+$ යදහා $\sum_{r=1}^n (2r-1) = n^2$ බව සාධනය කරන්න.

2. එක ම රුප සටහනක $y = |4x - 3|$ සා $y = 3 - 2|x|$ හි ප්‍රස්ථාරවල දැන සටහන් අදින්න.

රේඛයින් යෝ අත් අනුරූපීය යො, $|2x-3|+|x| < 3$ අහමානාව සපුරාලන මේ පියෙනු වූ සාකච්ඡා අයන් නොයන්හා.

3. ආගත්ති සටහනක, $\text{Arg}(z-2-2i) = -\frac{3\pi}{4}$ සපුරාලන z සංකීරණ සංඛ්‍යා නිරූපණය කරන ලක්ෂ්‍යවල පථයෙහි දළ සටහනක් අදින්න.

රේඛියේ යොමු ඇති අනුරූපිය යොමු කිරීමේදී $|i\bar{z} + 1|$ හි අවම අගය සෞයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

4. $\left(x^3 + \frac{1}{x^2}\right)^7$ හි ද්විපද ප්‍රසාරණයේ x^6 හි සංග්‍රහකය 35 බව පෙන්වන්න.

අඟත ද්විපද ප්‍රසාරණයේ x වලින් ස්වාධාත්මක පදනම් තොපුවලින් බිවින් පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

5. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x-2}-1}{\sin(\pi(x-3))} = \frac{1}{2\pi}$ බව පෙන්වන්න.

6. $y = \sqrt{\frac{x+1}{x^2+1}}$, $x = 0$, $x = 1$ හා $y = 0$ වෙත මින් ආවසක වන පෙදලය x - අජ්‍යය වටා රේඛියන 2 π වලින් ප්‍රමුණෝය කරනු ලැබයි. ගම්මලය ජනනය වන සහ විස්තුවේ පරීමාව $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$ බව පෙන්වන්න.

7. C යනු $t \in \mathbb{R}$ සඳහා $x = at^2$ සහ $y = 2at$ මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන පරාවලය ගැසී ගනිමු; මේහි $a \neq 0$ වේ.
- C පරාවලයට $(at^2, 2at)$ ලක්ෂණයෙහි දී වූ අනිලම්බ රේඛාවෙහි සමිකරණය $y + tx = 2at + at^3$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.
- C පරාවලය මත $P \equiv (4a, 4a)$ ලක්ෂණයෙහි දී වූ අනිලම්බ රේඛාවට එම පරාවලය තැවත $Q \equiv (aT^2, 2aT)$ ලක්ෂණයක දී හමු වේ. $T = -3$ බව පෙන්වන්න.

8. l_1 හා l_2 යනු පිළිවෙළින් $x + y = 4$ හා $4x + 3y = 10$ මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා ගැසී ගනිමු.
- P හා Q ප්‍රහිත්න ලක්ෂණ දෙක l_1 රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂණයේ පිටු l_2 රේඛාවට ඇති ලම්බ දුර ජේකක 1ක වන පරිදි ය. P හා Q හි බණ්ඩාක සෞයන්න.

9. $A = (-7, 9)$ ලක්ෂණය $S = x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$ විස්තරයට පිටතින් පිහිටන තිව් පෙන්වන්න.

$S = 0$ විස්තරය මේ නිශ්චිත ආකෘතියකට ලක්ෂණයට බණ්ඩා සෞයන්න.

10. $\theta = (2n+1)\pi$ යදා $t = \tan \frac{\theta}{2}$ යුදී ගෙනිමු; මෙහි $n \in \mathbb{Z}$ නළ. $\cos \theta = \frac{1-t^2}{1+t^2}$ තිව් පෙන්වන්න.

$$\tan \frac{\pi}{12} = 2 - \sqrt{3}$$
 බල දැන්වනය කරන්න.

නව තිරුදුයෙ/ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම්/New Syllabus

මුද්‍රා සියලු පත්‍රපාඨීමයෙන් ඉංග්‍රීසි උග්‍රී ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම් නිසා එකතු කළ අවශ්‍ය දැන්වයෙන් ඇත්තේ
මිනින්දො නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම් නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම්
මිනින්දො නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම්. Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka
මිනින්දො නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම් නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම්

NEW**ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම්/New Syllabus**

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පෙනු (ලෝග පෙනු) ටිජාය, 2019 අනුව ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම් නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම් නිශ්චාක්කම් තිබුණු වූ ඇත්තේ

සංස්කේත ගණිතය	I
මිණුන්ත කණිතම	I
Combined Mathematics	I

10	S	I
----	---	---

B කොටස

* ප්‍රතිඵල් පාඨත්තිට්තම් පාඨත්තිට්තම් නිශ්චාක්කම්.

11. (a) $p \in \mathbb{R}$ හා $0 < p \leq 1$ යැයි ගනිමු. $p^2x^2 + 2x + p = 0$ සම්කරණයෙහි, 1 මුළුයක් කොටස බව පෙන්වන්න.

α හා β යනු මෙම සම්කරණයෙහි මුළු යැයි ගනිමු. α හා β දෙකම් තාක්ත්වීක බව පෙන්වන්න.

p ඇසුරෙන් $\alpha + \beta$ හා $\alpha\beta$ ලියා දක්වා

$$\frac{1}{(\alpha-1)} \cdot \frac{1}{(\beta-1)} = \frac{p^2}{p^2+p+2}$$

බව පෙන්වන්න.

$\frac{\alpha}{\alpha-1}$ හා $\frac{\beta}{\beta-1}$ මුළු වන වර්ග සම්කරණය $(p^2+p+2)x^2 - 2(p+1)x + p = 0$ මිනින් දෙනු ලබන බවත්,
මෙම මුළු දෙකම් බෙන වන බවත් පෙන්වන්න.

(b) c හා d යනු තිශ්ඨු තාක්ත්වීක සංඛ්‍යා දෙකක් යැයි ද ගනිමු. $(x-c)$ යන්න
f(x) හි භාවිතයක් බවත්, $(x-d)$ මිනින් f(x) බෙදු විට ගෙනය cd බවත් ද ඇත. c හා d හි අයන් සායන්නා.
c හා d හි මෙම අයන් පදනා, $(x+2)^2$ මිනින් f(x) බෙදු විට ගෙනය සායන්නා.

12. (a) P_1 හා P_2 යනු පිළිවෙළින් $\{A, B, C, D, E, 1, 2, 3, 4\}$ හා $\{F, G, H, I, J, 5, 6, 7, 8\}$ මිනින් දෙනු ලබන ඇලුක
දෙක යැයි ගනිමු. $P_1 \cup P_2$ ජ් ගනු ලබන වෙනස් අනුරුද 3 කින් හා වෙනස් සංඛ්‍යා ම 3 කින් යුතු. අවශ්‍ය
6 කින් පමණ්වීම මුරපදයක් සැදිව අවශ්‍යව ඇත. පහත එක් එක් අවශ්‍යාලුවී ද භැඳිය යැයි එවැනි වෙනස්
මුරපද යෙනා සායන්නා:

(i) අවශ්‍යව 6 න් P_1 ජ් පමණක් ට සෙරු යනු ලැබේ,

(ii) අවශ්‍යව 3 න් P_1 ජ් ද P_2 ජ් අනෙක් අවශ්‍යව 3 ද සෙරු යනු ලැබේ.

(b) $r \in \mathbb{Z}^+$ යනා $U_r = \frac{1}{r(r+1)(r+3)(r+4)}$ හා $V_r = \frac{1}{r(r+1)(r+2)}$ යැයි ගනිමු.

$r \in \mathbb{Z}^+$ යනා $V_r - V_{r+1} = 6U_r$, බව පෙන්වන්න.

එයින්, $n \in \mathbb{Z}^+$ යනා $\sum_{r=1}^n U_r = \frac{5}{144} - \frac{(2n+5)}{6(n+1)(n+2)(n+3)(n+4)}$ බව පෙන්වන්න.

$r \in \mathbb{Z}^+$ යනා $W_r = U_{2r-1} + U_{2r}$ යැයි ගනිමු.

$n \in \mathbb{Z}^+$ යනා $\sum_{r=1}^n W_r = \frac{5}{144} - \frac{(4n+5)}{24(n+1)(n+2)(2n+1)(2n+3)}$ බව පෙන්වන්න.

එයින්, $\sum_{r=1}^{\infty} W_r$ අවධික ප්‍රමාණය අඩුවා බව පෙන්වා එක් උක්‍ය සායන්නා.

13.(a) $A = \begin{pmatrix} a & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -a & 4 \end{pmatrix}$ හා $C = \begin{pmatrix} b & -2 \\ -1 & b+1 \end{pmatrix}$ යනු $AB^T = C$ වන පරිදි න්‍යාය ගැනීමේ අවධානය ගැනීමේදී; මෙහි $a, b \in \mathbb{R}$ නේ.

$a = 2$ හා $b = 1$ බව පෙන්වන්න.

තම දී C^{-1} නොපෙන්වන්න.

$P = \frac{1}{2}(C - 2I)$ යැයි ගැනීමේදී, P^{-1} ලියා දක්වා, $2P(Q + 3I) = P - I$ වන පරිදි Q න්‍යාය සෞයන්න; මෙහි I යනු තෙයු 2 වන උක්ක න්‍යායය නේ.

(b) $z, z_1, z_2 \in \mathbb{C}$ යැයි ගැනීමේදී,

$$(i) \quad \operatorname{Re} z \leq |z|, \text{ හා}$$

$$(ii) \quad z_2 \neq 0 \text{ යදාන් } \left| \frac{z_1}{z_2} \right| = \frac{|z_1|}{|z_2|}$$

බව පෙන්වන්න.

$$z_1 + z_2 \neq 0 \text{ යදාන් } \operatorname{Re} \left(\frac{z_1}{z_1 + z_2} \right) \leq \frac{|z_1|}{|z_1 + z_2|} \text{ බව අංශෝගිතය කරන්න.}$$

$$z_1 + z_2 \neq 0 \text{ යදාන් } \operatorname{Re} \left(\frac{z_1}{z_1 + z_2} \right) + \operatorname{Re} \left(\frac{z_2}{z_1 + z_2} \right) = 1 \text{ බව යෙක්කාල්‍යය කර.}$$

$$z_1, z_2 \in \mathbb{C} \text{ යදාන් } |z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2| \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

(c) $\omega = \frac{1}{2}(1 - \sqrt{3}i)$ යැයි ගැනීමේදී.

$1 + \omega$ යන්න $r(\cos \theta + i \sin \theta)$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි $r(> 0)$ හා $\theta \left(-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} \right)$ යනු නිර්ණය කළ ලුණු නීයත නේ.

$$\text{ද මූල්‍ය ප්‍රමාණය භාවිතයෙන්, } (1 + \omega)^{10} + (1 + \bar{\omega})^{10} = 243 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

14.(a) $x \neq 3$ යදාන් $f(x) = \frac{9(x^2 - 4x - 1)}{(x-3)^3}$ යැයි ගැනීමේදී.

$$x \neq 3 \text{ යදාන් } f(x) \text{ හි විශ්‍රෘත්‍යාව, } f'(x) \text{ යන්න } f'(x) = -\frac{9(x+3)(x-5)}{(x-3)^4} \text{ මෙහි දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.}$$

සුපරමෙළුවෙන්ම, y - අන්තාබෑණ්ඩය හා හැරුම ලක්ෂණ දක්වාමේ, $y = f(x)$ හි ප්‍රස්ථාරයේ දළ යටිහායේ අදින්න.

$$x \neq 3 \text{ යදාන් } f''(x) = \frac{18(x^2 - 33)}{(x-3)^5} \text{ විවිධ දැක්කා. } y = f(x) \text{ හි ප්‍රස්ථාරයේ න්‍යායිත ලක්ෂණවල } x - \text{ බණ්ඩාක ඇතුළුවා ඇතුළුයේන්.}$$

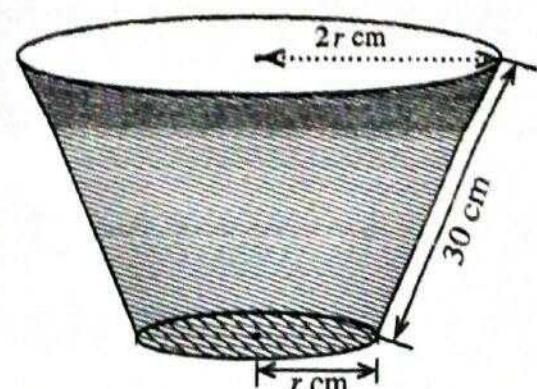
මෙයින්.

(b) යාබද රුපු ප්‍රාග්‍රැම් හිත සැපු වූ ප්‍රස්ථාරය සේවු ජ්‍යෙෂ්ඨ න්‍යාය ආකාරයෙන් දී ගැනීමේදී, මෙහි පෙන්වන්න ඇල දිග 30 cm දී ද උක්ක ප්‍රස්ථාරය දාරා ප්‍රකාශනය ඇති අරය පෙනු ලබා ඇති අරය මෙහි දෙයා දෙයා යින් දෙයා යින් ඇති අරය r cm යැයි ගැනීමේදී.

බෙඩමේ පරිමාව $V \text{ cm}^3$ යන්න $0 < r < 30$ යදාන්.

$$V = \frac{7}{3}\pi r^2 \sqrt{900 - r^2} \text{ මෙහි දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.}$$

බෙඩමේ පරිමාව උපරිම වන පරිදි r හි අයය සෞයන්න.



15. (a) $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$ සඳහා $x = 2 \sin^2 \theta + 3$ ආද්‍යය හාවිතයෙන්, $\int_3^4 \sqrt{\frac{x-3}{5-x}} dx$ අගයන්න.

(b) ඔහුගේ හාය හාවිතයෙන්, $\int \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx$ සොයන්න.

$$t > 2 \text{ සඳහා } f(t) = \int_3^t \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx \text{ යැයි ගනිමු.}$$

$t > 2$ සඳහා $f(t) = \ln(t-2) - \ln(t-1) + \ln 2$ බව අපෝහයය කරන්න.

නොවැස් විගයෙන් අනුකූලනය හාවිතයෙන්, $\int \ln(x-k) dx$ සොයන්න; මෙහි k යනු කාන්ත්ටික නියයකි.

රු ගමින්, $\int f(t) dt$ සොයන්න.

(c) a හා b නියත වන $\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(a+b-x) dx$ පූරුෂ හාවිතයෙන්.

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+e^x} dx = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{e^x \cos^2 x}{1+e^x} dx \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

රු ගමින්, $\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+e^x} dx$ යි අයය සොයන්න.

16. $12x - 5y - 7 = 0$ හා $y = 1$ සරල රේඛාවල ජේදන ලක්ෂණය වන A හි බණ්ඩාක ලියා දක්වන්න.

I යනු මෙම රේඛාවලින් සැඳන පූරුෂ කේතයෙහි පම්බීජේකය යැයි ගනිමු. I සරල රේඛාවේ ප්‍රමිතරුවය සොයන්න.

P යනු I තු වූ ලක්ෂණයක් යැයි ගනිමු. P හි බණ්ඩාක $(3\lambda + 1, 2\lambda + 1)$ ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි $\lambda \in \mathbb{R}$ වේ.

$B = (6, 0)$ යැයි ගනිමු. B හා P ලක්ෂණ විෂ්කම්භයක අන්ත ලෙස වූ වෘත්තයෙහි ප්‍රමිතරුවය $S + \lambda U = 0$ ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි $S \equiv x^2 + y^2 - 7x - y + 6$ හා $U \equiv -3x - 2y + 18$ වේ.

$S = 0$ යනු AB විෂ්කම්භයක් ලෙස ඇති වෘත්තයෙහි ප්‍රමිතරුවය බව අපෝහයය කරන්න.

$U = 0$ යනු I තු ලිඛිත, B හරහා යන සරල රේඛාවේ ප්‍රමිතරුවය බව පෙන්වන්න.

මියුතු $\lambda \in \mathbb{R}$ සඳහා $S + \lambda U = 0$ ප්‍රමිතරුවය පහිත වෘත්ත මත වූ d B වලින් ප්‍රහිත්න වූ d අවල ලක්ෂණයෙහි බණ්ඩාක සොයන්න.

$S = 0$ මධින් අදාළ ලබන වෘත්තය, $S + \lambda U = 0$ මධින් අදාළ ලබන වෘත්තයට ප්‍රාග්ධන වන පරිදි λ හි අයය සොයන්න.

17. (a) $\sin A, \cos A, \sin B$ සහ $\cos B$ අයුරෙන් $\sin(A+B)$ ලියා දක්වා, $\sin(A-B)$ සඳහා එවැනි ප්‍රකාශනයක් ලබා ගැනීම.

$$2 \sin A \cos B = \sin(A+B) + \sin(A-B) \text{ සහ}$$

$$2 \cos A \sin B = \sin(A+B) - \sin(A-B)$$

එම් උගේ නොවූ නොවූ.

$$\text{ඒහැම, } 0 < \theta < \frac{\pi}{2} \text{ සඳහා } 2 \sin 3\theta \cos 2\theta = \sin 7\theta \text{ එහදැන්.}$$

(b) ABC ත්‍රිකිරීත්‍යක $BD = DC$ සහ $AD = BC$ වන පරිදි D උක්තාය AC මෙහිටා ඇත. $B\hat{A}C = \alpha$ සහ $A\hat{C}B = \beta$ ඇයි. ප්‍රතිඵලිය නොවූ නොවූ ප්‍රතිඵලිය නොවූ නොවූ ප්‍රතිඵලිය නොවූ. $2 \sin \alpha \cos \beta = \sin(\alpha + 2\beta)$ නිවාස්‍යයෙන්. $\alpha : \beta = 3 : 2$. නම්, ඉහත (a) හි අවශ්‍ය ප්‍රතිඵලිය නොවූ නොවූ.

$$\alpha : \beta = 3 : 2. \text{ නම්, } \alpha = \frac{\pi}{6} \text{ නිවාස්‍යයෙන්. }$$

$$(c) 2 \tan^{-1} x + \tan^{-1}(x+1) = \frac{\pi}{2} \text{ එහදැන්. ඒ ගැනීම, } \cos\left(\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \tan^{-1}\left(\frac{4}{3}\right)\right) = \frac{3}{\sqrt{10}} \text{ නිවාස්‍යයෙන්. }$$

* * *