

நலி/பரெனி கிரந்தேய - புதிய/பழைய பாடத்திட்டம் - New/Old Syllabus

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළුවීප පොතුත් තරාතරප පත්තිර (මූයර තර)ප පරිශෑස, 2019 ඉකළුව General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

## உயர் கணிதம்

11 S II

2019.08.31 / 1300 - 1610

ரை வினாக்கல்  
முன்று மணித்தியாலம்  
*Three hours*

<b>අමතර තියවීම් කාලය</b>	- මිනිතු 10 දි
<b>මෙළතික වාසිපු නොරූප</b>	- 10 නියිජනකൾ
<b>Additional Reading Time</b>	- 10 minutes

අමතර කිහිපිම කාලය ප්‍රේක්ෂක රෙඛා සියවා යුතු යුතු තොරතුරු ගැනීමටත් එහිතුරු ලිඛිතේදී ප්‍රතිච්චය දෙන යුතුන් සංඝ්ඩානය කර ඇතිමටත් යොදාගැනීත්.

କବିତା

විගාහ අංකය

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමඟවීත වේ;  
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).
  - \* A කොටස
 

සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩකි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කවදාසි හාවිත කළ හැකි ය.
  - \* B කොටස
 

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කවදාසිවල ලියන්න.
  - \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රය B කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස දෙක අමුණා විභාග ගාලාධිපතිව හාර දෙන්න.
  - \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ගාලාවෙන් පිටතට ගෙනයාමට ඔබට අවසර ඇත.
  - \* සංඛ්‍යාන වගු සපයනු ලැබේ.
  - \* ඡ මගින් ගරුත්වී ත්වරණය දැක්වේයි.

ପରିଦ୍ୱାତକାଳିକ ପରିବହନ ପାଇଁ ଏହା ପରିମାଣ କରିବାକୁ ପରିଚାରିତ କରିଛି।

(11) උසස් ගණිතය II		
කොටස	ප්‍රෘති අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

ඉලක්කමෙන්	
අකුරෙන්	

ଦିଲ୍ଲିପି ପାତା

උස්තර පතු පරික්ෂක	
පරික්ෂා කළේ:	1
	2
අධික්ෂණය කළේ:	

## A නොවය

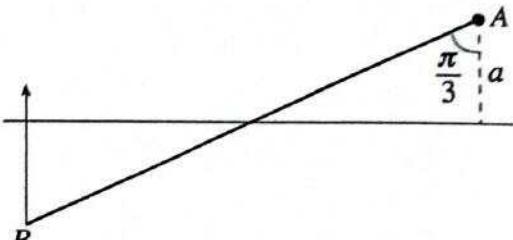
1. A, B හා C ප්‍රේක්ෂා අනුමත, O අවල තුළයෙහි අසුම්ජ්‍යයෙන් පිහිටුව දෙශීක පිළිවෙළින්  $i + 2j - k$ ,  $2i - j + 3k$  හා  $7i + 8j + \sqrt{3}k$  යුතු ඇත.  $\vec{OC}$  සංුදිකා ය AOB තුළයෙහි උම්බ වන පරිදි  $\alpha$  හා  $\beta$  නියතවල අයයන් සොයන්න.

2. විශාලත්වය 6 N වූ F බලයන් දෙශීක ප්‍රමිතරුන්  $r = i + 2j - 4k + \lambda(i + 2j - 2k)$  වූ රේඛාව දිගේ ක්‍රියා කරයි; මෙහි  $\lambda$  සඳහා පරුම් පරිමියකි. දුර මිටයෙහින් මතිනු ලැබේ නම්, මූල ලක්ෂණය වනා F හි සුරුරුණ දෙශීකය වූ M, යන්න  $4\sqrt{5} \text{Nm}$  විශාලත්වයෙන් ප්‍රක්ෂා වන බව ද  $M \cdot k = 0$  බව ද පෙන්වන්න.

3. දිග 4a හා සනත්වය  $\rho$  වූ ඒකාකාර  $AB$  දේශීලුත් A කෙළවර ඇ.

සනත්වය  $\sigma \left( < \frac{4\rho}{3} \right)$  වූ සමරාතිය ද්‍රව්‍යක නිදහස් පැහැදියට  $a$  උසක්

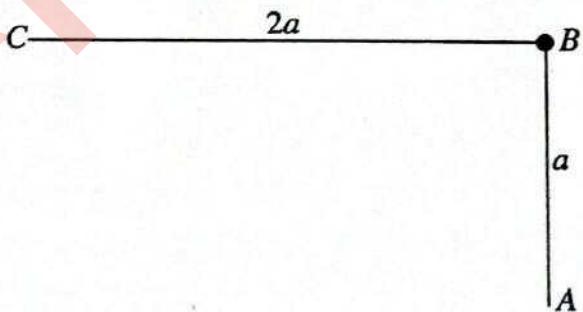
ඉහළින් පිහිටි අවල ලක්ෂණයකට සුම්ම ලෙස අසවි කර ඇත. දේශීලුත් රුපයේ දැක්වෙන පරිදි යටි අත් සිරස සමග  $\frac{\pi}{3}$  කෝණයක් සාදුමින් සමතුලුතතාවේ තබා ඇත්තේ  $B$  කෙළවරට සම්බන්ධ කළ සිරස පැහැදිලි අවිතතා තන්තුවක් මෙහි. තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.



4. අවල මූලයකට අනුබද්ධයෙන්  $t$  කාලයේදී  $P$  අංශුවක පිහිටුම් දෙදියිකය  $r = a(\omega t - \sin \omega t) \mathbf{i} + a(\omega t - \cos \omega t) \mathbf{j}$  මෙහි දෙනු ලැබේ; මෙහි  $a$  හා  $\omega$  ය දින නියත වන අතර  $0 \leq \omega t \leq \pi$  වේ.  $t$  කාලයේදී  $P$  හි ප්‍රවේශ දෙදියිකය  $v$  හා ත්වරණ දෙදියිකය  $f$  සොයන්න.  $v \cdot f = 0$  වන කාලය සොයා, එම මොහොතේදී  $P$  හි වියය  $a\omega(\sqrt{2}-1)$  බව පෙන්වන්න.

5. ස්කන්ධ පිළිවෙළින්  $m$  හා  $2m$  වූ  $P$  හා  $Q$  කුඩා සුමට ගෝල දෙකක් සුමට තීරස් මේයයක් මත වලනය වෙමින් එකිනෙක සමග ගැටෙ. ගැටුමට මොහොතකට පෙර  $P$  හා  $Q$  හි ප්‍රවේශ, පිළිවෙළින්  $2\mathbf{i} + \mathbf{j}$  හා  $-2\mathbf{i} + 3\mathbf{j}$  වේ.  $P$  හා  $Q$  අතර ප්‍රත්‍යාගති සංශෝධකය  $\frac{1}{3}$  ක් වේ. ගැටුමට මොහොතකට පසු  $P$  හා  $Q$  හි ප්‍රවේශ තීරිමට ප්‍රමාණවන් සම්බන්ධ ලියා දක්වන්න.

6. ස්කන්ධය  $m$  හා දිග  $a$  වූ රේකාකාර  $AB$  ද්‍රේවකට, ස්කන්ධය  $2m$  හා දිග  $2a$  වූ රේකාකාර  $BC$  ද්‍රේවක්,  $A\hat{B}C$  සාදු කෝණයක් වන පරිදි දාස ලෙස සම්බන්ධ කිරීමෙන් රාමුවක් සාදා ඇත. රාමුවට,  $B$  හරහා යන, රාමුවේ කළයට ලැබූ අවල සුමට තීරස් අක්ෂයක් වටා නිදහස් සුමණය වීමට හැකි ය.  $BC$  තීරස්ව හා  $B$  ව පහළින්  $A$  ඇති පිහිටිමේ රාමුව තබා නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. හමුණ අක්ෂය වටා  $ABC$  රාමුවේ අවස්ථාවේ සුරුරණය  $3ma^2$  බව උපකල්පනය කරමින්,  $B$  ව පහළින්  $C$  ඇතිව,  $BC$  තීරස් වන විට රාමුවේ කෝණික ප්‍රවේශය සොයන්න.



7. පාරින් හැර අන් සෑම අපුරකින්ම සරවකම වූ රණ පාට බෝල 10 ක් හා කොළ පාට බෝල 15 ක් පෙටවීයක අඩංගුව ඇත. මෙම පෙටවීයෙන්, සම්මූහාවිව එකකට පසුව එකක් බැඳින්, ප්‍රතිස්ථාපන සහිතව බෝල ඉවතට ගනු ලැබේ.

  - (i) 3 වන ඉවතට ගැනීමේදී සේ එට පෙර පළමු රණ බෝලය ලැබීමේ සම්භාවනාව ගණනය කරන්න.
  - (ii) ඉවතට ගනු ලැබූ පළමු බෝල 5 රණ පාට ඒවා බව දී ඇති විට, 8 වන ඉවතට ගැනීමේදී පළමු කොළ බෝලය ලැබීමේ අකම්භාවිත සම්භාවනාව ගණනය කරන්න.

8. එක්කරා ලේඛනයක පිටුවක ඇති මූලු දේශ ගණන මධ්‍යනය 2.1 ක වූ පොදිසොන් ව්‍යාප්තියක් අනුගමනය කරයි. සංස්කීර්ණ තොරු ගත් පිටුවක

- (i) හරියටම මුදුණ දේශ 1 ක.  
(ii) අඩු තම්හේ මුදුණ දේශ 3 ක වත්  
 නිවේමේ දම්පාලීකාව සොයන්න.

9.  $f(x) = \begin{cases} kx(a-x^2), & 0 \leq x \leq 1 \\ 0, & \text{අනෙක් විට,} \end{cases}$   
යැයි ගනීමු.

මධ්‍යනය  $\frac{8}{15}$  මූලික සංඛ්‍යාව විවෘතයක සම්පූර්ණ සහත්ව ප්‍රිතිය  $f(x)$  වන පරිදි  $k$  හා  $a$  නියමවල අයන් සෞයන්න.  $X$  හි සම්මත අපාගෙනය  $\frac{\sqrt{11}}{15}$  බව පෙන්වන්න.

10.  $X$  විවිධ සංඛ්‍යාව විවෘතයක සමුව්වීන ව්‍යාපිත ප්‍රිතිය,  $F(x)$  යන්න  $x = 1, 2, 3, 4$  සඳහා  $F(x) = \frac{1}{16}(8x - x^2)$  මේන් දෙනු ලැබේ.  $X$  හි සම්පූර්ණ සකස්බ ප්‍රිතිය ලබාගෙන  $E(X)$  සෞයන්න.

நலி/புரணி திருமேட்டுக்கை - புதிய/பழைய பாடத்திட்டம் - New/Old Syllabus

**ඉංග්‍රීසු තොග අනුමතාවය**  
**Department of Examinations, Sri Lanka**

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (ලුසේ පෙල) විභාගය, 2019 අගෝස්තුව  
කළුවිප් පොතුත් තරාතරප් පත්තිර (ශ්‍යර් තර)ප් පරිශ්‍යී, 2019 ඉකස්ස්  
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

## உயர் கணிதம்

11 S II

B තොටක

11. තුළයකට අනුබද්ධයෙන් පහත වගුවේ දී ඇති පරිදි පිහිටුම් දෙදික සහිත ලක්ෂණවල දී ක්‍රියාකරන බල කුනකින් පද්ධතියක් සමන්විත වේ.

ලක්ෂණය	පිහිටුව දෙළඹිකය	බලය
$A_1$	$\mathbf{r}_1 = 2\mathbf{i} - 4\mathbf{j}$	$\mathbf{F}_1 = \mathbf{i} + 4\mathbf{j} - \mathbf{k}$
$A_2$	$\mathbf{r}_2 = \mathbf{j} - 3\mathbf{k}$	$\mathbf{F}_2 = -3\mathbf{i} + \mathbf{j} - 2\mathbf{k}$
$A_3$	$\mathbf{r}_3 = 2\mathbf{i} - \mathbf{j} + \mathbf{k}$	$\mathbf{F}_3 = -\mathbf{i} - \mathbf{j} + 2\mathbf{k}$

$O$  මූලයෙහි දී,  $\pm F_s$ ,  $s = 1, 2, 3$  බල ආකෘති හිරිමෙන් දෙන ලද පදනම් නියාකරණ  $R = \sum_{s=1}^3 F_s$  තනි බලයක් සමග දෙයික කුරුණය  $G = \sum_{s=1}^3 r_s \times F_s$  වේ ප්‍රශ්නයකට උග්‍රහය කළ හැකි බව පෙන්වන්න.

R හා G දෙකින්, i, j හා k ඇසුරෙන් සොයන්න.

පද්ධතිය විගාලන්වය  $\sqrt{26}$  වූ R තහි සම්පූර්ණ බලයකට තුළය බව ඇගෝණනය කරන්න.

$F_1$ , හා  $F_2$  හි ක්‍රියා රේඛා  $r_0$  පිහිටුම් දෙකීකරය සහිත එක්තරා  $A_0$  ලක්ෂායක දී හමුවන බව පෙන්වින්න; මෙයි  $r_0$  යන්න තිරණය කළ යුතු වේ.  $F_3$  හි ක්‍රියා රේඛාවත්  $A_0$  ලක්ෂාය හරහා යන බව සත්‍යාපනය කරන්න.

**R** తని షాంప్రెప్టుకు బలయిచి త్వియా రేబాలే జమికరుడు  $r = r_0 + \gamma R$  ఆకురయెన్ లియా దక్కులును.

මෙම රේඛාවට සු-තලය ජුම්වන ලක්ෂණයේ පිහිටුම් ගෙයිකය සෞයන්න.

ඒ සයින්, R සම්පූරුක්ත බලයෙහි ක්‍රියා රේඛාවේ කාරීසිය සම්බන්ධ  $\frac{x-6}{3} = \frac{y+4}{-4} = \frac{z}{1}$  ලෙස ලබාගත හැකි බව පෙන්වන්න.

ಡෙන ලද බල පද්ධතිය පිහිටන තළයේ කාරීසිය සමිකරණය  $x+3z=0$  ලෙස උගතු හැකි බව කවුදුරටක් පෙන්වන්න.

12.  $AB$  යන්හේ  $DC$  ට සමාන්තර ද  $AB = 3a$ ,  $DC = a$  හා  $B\hat{A}D = A\hat{B}C = \frac{\pi}{4}$  ද වූ  $ABCD$  තැපිසියමක ආකාරයෙන් වූ ආස්ථරයක් සමරාඩීය ද්‍රව්‍යක,  $AB$  ද්‍රව්‍යයේ නිශ්චල පෘෂ්ඨය මත වන පරිදි සිරස්ව පිළ්වනු ලැබේ.  $ABCD$  ආස්ථරයෙහි පිහින කේත්දය  $AB$  හි මධ්‍ය ලක්ෂණය වූ  $E$  සිට  $\frac{3a}{5}$  දුරක් සිරස්ව පහළින් ඇති බව පෙන්වන්න.

13. එන්ජිම මෙහින් සාපු තිරස් මාරුගයක් දිගේ ප්‍රතිරෝධයකට එරෙහිව දුම්බියක් ඇදුගෙන යන අතර, මිනැම වේලාවක ප්‍රතිරෝධය දුම්බියේ ගම්කාව මෙන්  $k$  ගුණයක් වේ; මෙහි  $k$  තියතයකි. එන්ජිම  $9Mku_0^2$  නියත ජවයකින් හිය කරයි; මෙහි  $M$  යනු එන්ජිමේ හා දුම්බියේ මූල් ස්කන්ධයයි.

(i) දුම්බියට ලබාගත හැකි උපරිම වේගය  $3u_0$  බවත්

(ii) වේගය  $u_0$  සිට  $2u_0$  දක්වා වැඩි කර ගැනීමට දුම්බිය ගන්නා කාලය  $\frac{1}{2k} \ln\left(\frac{8}{5}\right)$  බවත් පෙන්වන්න.

දුම්බිය  $U$  වේගයෙන් වලනය වන විට එහි ජවය විස්කන්ධි කරනු ලබන අතර, ඉහත ප්‍රතිරෝධයට අමතරව  $F$  නියත රෝධක බලයක් යොදනු ලැබේ. ජවය විස්කන්ධි කිරීමෙන්  $\frac{1}{k} \ln\left(\frac{F+MkU}{F}\right)$  කාලයකට පසු දුම්බිය නවතින බව පෙන්වන්න.

14. සුමට තිරස් මෙසයක් මත නිසලව තිබෙන ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවත්, ස්වභාවික දිග  $a$  හා ප්‍රත්තාස්ථාපිත මාපාංකය  $mg$  වූ සැහැල්ලු ප්‍රත්තාස්ථාපිත තන්තුවක් මෙහින් මෙසය මත  $O$  අවල ලක්ෂ්‍යයකට පම්බන්ධ කර ඇති. කාලය  $t = 0$  වන විට  $P$  අංශුව  $O$  සිට  $a$  දුරකින්, තන්තුව යම්තම් නොමුරුල්ව ඇති අතර,  $P$  අංශුව, තන්තුවේ ආරම්භක රේඛාවට ලමිඳ දිගාවකට විශාලක්වය  $U = 2\sqrt{\frac{ga}{3}}$  වූ ප්‍රවේගයකින් මෙසය දිගේ ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ.

යෙක්ති සංස්කේෂිත මූලධර්මය හා  $O$  වටා කෝණික ගම්කා සංස්කේෂිත මූලධර්මය යෙදීමෙන්

$$\left(\frac{dr}{dt}\right)^2 = U^2 \left(1 - \frac{a^2}{r^2}\right) - \frac{g}{a}(r-a)^2$$

බව පෙන්වන්න.

(i) තන්තුවේ උපරිම දිග  $2a$  බව හා මෙම මොහොතේ දී තන්තුවේ ආක්ෂිය  $mg$  බව දී

(ii) මෙම මොහොතේ දී අංශුවේ වේගය  $\frac{U}{2}$  බව දී අපෝහනය කරන්න.

$$\frac{dr}{dt} \neq 0 \text{ වන විට, } r \text{ හා } a \text{ අසුරු රෙන් } \frac{d^2r}{dt^2} \text{ සොයන්න.}$$

15. (i) ස්කන්ධය  $M$  හා අරය  $a$  වූ ඒකාකාර කුහර වෘත්තාකාර සිලින්චිරයක එහි අක්ෂය වටා අවස්ථීති සුරුණය  $Ma^2$  බව දී

(ii) ස්කන්ධය  $m$  හා අරය  $a$  වූ ඒකාකාර වෘත්තාකාර තැබීයක, නේන්දුය හරහා යන, එහි තලයට ලමිඳ අක්ෂය වටා අවස්ථීති සුරුණය  $\frac{1}{2}ma^2$  බව දී

පෙන්වන්න.

අරය  $a$  හා දිග  $3a$  වූ සාපු වෘත්තාකාර කුහර සිලින්චිරයක දෙකෙළවුරට එක එකක අරය  $a$  වූ ඒකාකාර වෘත්තාකාර තැබී දෙකක් සම් කිරීමෙන් සංවිත  $C$  හාරනයක්, තුනී ඒකාකාර ලේඛ තහවුවකින් සාදා ඇති.  $C$  හාරනයෙහි අක්ෂය වටා විෂුමණ අරය  $k$  යන්න,  $k^2 = \frac{7}{8}a^2$  මෙහි දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

හාරනය, තිරසට ආනතිය  $\alpha$  වූ රේ තලයක උපරිම බැඳුම් රේඛාවලට ලමිඳව අක්ෂය තිරසට ඇතිව තලයේ පහළට, උස්සීමිකින් තොරව පෙරලි යයි.

මෙම වලිතයේ දී  $C$  හාරනයේ  $f$  ත්වරණය  $f = \frac{8}{15}gs \sin \alpha$  මෙහි දෙනු ලබන බවත්,

හාරනය හා තලය අතර සර්ථක සංගුණකය  $\mu$  යන්න,  $\mu > \frac{8}{15} \tan \alpha$  වන පරිදී විය යුතු බවත් පෙන්වන්න.

- 16.(a)  $X$  යනු මිනින්දො පෙනක ප්‍රාන්තරයක දී එක්තරු රථ ගාලකින් ඉවතට යන රථ සංඛ්‍යාව ඇයි ගනිමු.  $X$  ව පහත දැක්වෙන සම්භාවිතා ව්‍යාප්තිය ඇතැයි සිතමු.

$x$	1	2	3	4	5	6
$P(X=x)$	$p$	$2p$	$3p$	$3p$	$2p$	$p$

$p$  හි අගය හා  $X$  හි අපේක්ෂිත අගය  $E(X)$  සෞයන්න.

$X$  හි සම්මත අපගමනය  $\frac{\sqrt{7}}{2}$  බව පෙන්වන්න.

$Y$  යන සසම්භාවිත විව්‍යාය  $Y = 2X + 3$  මගින් අර්ථ දැක්වේ.  $Y$  හි අපේක්ෂිත අගය  $E(Y)$  හා  $Y$  හි සම්මත අපගමනය සෞයන්න.

තවද  $P(Y \geq E(Y))$  හි අගය ද සෞයන්න.

- (b) සියලුම සැන්කමකින් රෝහියකු සුව වීමේ සම්භාවිතාව  $\frac{2}{5}$  ක් වේ. මෙම සැන්කමට භාර්තාය වූ රෝහින් 5 දෙනකු අහමු ලෙස අධික්ෂණය කරන ලදී.

(i) අඩුතම වගයෙන් 3 දෙනකු සුව වීමේ

(ii) හරියටම 2 දෙනකු සුව වීමේ

(iii) කිසි කෙනකු සුව නොවීමේ

සම්භාවිතාව සෞයන්න.

- 17.(a) එක්තරු වර්ගයක විදුලි පහනක ආයු කාලය, පැය  $T$ ,

$$f(t) = \begin{cases} \frac{1}{a} e^{-\left(\frac{1}{b}\right)t}, & t \geq 0 \\ 0 & \text{එසේ නොවන විට,} \end{cases}$$

සම්භාවිතා සනාන්ව ප්‍රිතයෙන් ආදර්ශනය කළ හැකි ය; මෙහි  $a$  හා  $b$  ධන නියත වේ.

$a=b$  බව පෙන්වන්න.

මම වර්ගයේ විදුලි පහන්වලින් 40% ක ආයු කාලය පැය 2000 කට වැඩි බව දී ඇත.  $a$  හා  $b$  හි පොදු අගය සෞයන්න.

$T$  හි ව්‍යාප්ති ප්‍රිතය සෞයා, ඒ තියින්,  $P(T > t+c | T > t) = P(T > t)$  බව පෙන්වන්න; මෙහි  $t \geq 0$  හා  $c$  ධන නියතයක් වේ.

- (b) අධිවේගි මාරුගයක එක්තරු  $A$  ලක්ෂ්‍යයක් පසු කර යන වාහනවල වේග ප්‍රමත ලෙස ව්‍යාප්ත වී ඇති බවට සැලකිය හැකි ය.  $A$  ලක්ෂ්‍යය පසු කර යන වාහනවලින් 95% ක්  $85 \text{ km h}^{-1}$  ට අඩු වේගයෙන් ගමන් කරන බවත්, 10% ස්  $55 \text{ km h}^{-1}$  ට අඩු වේගයෙන් ගමන් කරන බවත් නිරීක්ෂණ පෙන්නුම් කරයි.

(i)  $A$  ලක්ෂ්‍යය පසු කර යන වාහනවල මධ්‍යක වේගය සෞයන්න.

(ii)  $70 \text{ km h}^{-1}$  ට වැඩි වේගයෙන් ගමන් කරන වාහනවල ප්‍රතිශතය සෞයන්න.